

استخدام التحليل المميز لتحديد أهمية العوامل المؤثرة
على المصابين بمرض اليرقان للأطفال حديثي الولادة

**Discriminate Analysis is used to determine the importance
of distinctive factors affecting patients jaundice neonatal**

زينب يوسف داود

Zainab Yousif Dawood

الجامعة المستنصرية

AL mustansiriya university

قسم الاحصاء

Department of statistics

مدرس

طاهر ريسان دخيل

Taher Resan dakil

جامعة القادسية

Qadissiya university

قسم الاحصاء

Department of statistics

أستاذ مساعد

zainabassfor@yahoo.com tahir_reisan@yahoo.com

الخلاصة

من المعروف ان من الأمراض الاكثر شيوعاً بين الأطفال حديثي الولادة هو مرض اليرقان الذي يحدث بنسبة عالية في المولودين قبل موعد الولادة الصحيح وذلك بسبب عجز الكبد عن تكوين إنزيم يسمى ((Glycony Itranfec)) الذي يحتاج لعملية تصريف البيليروبين من الإفراز وعندما تزداد نسبته بالدم اكثر من 250 – 350 مليمول سوف يسبب تلف الدماغ ((Ternictaus)) وبالتالي عملية تبديل الدم تكون ضرورية.

استخدم التحليل التمييزي لدراسة البيانات المتوفرة من عدد الأطفال المصابين ونسبة أبو صفار بالدم ((اليرقان)) في الأطفال حديثي الولادة ومن أسباب هذا المرض تعرض الأم للأمراض خلال الحمل وتسمى هذه الحالة (Torch) أو اختلاف فصيلة الدم بين الأم والأب ، ولمعالجة هذا المرض يتم تبديل دم الطفل الوليد إذا كان نوعه مرضي و خلال ٢٤ ساعة ، أما إذا حدث خلال ٤٨ ساعة فحسب نسبة الاصابة أما زيادة الرضاعة إذا كانت نسبة الاصابة قليلة أو الأشعة الفوتية إذا كانت نسبة الاصابة عالية .

Abstract

It is well-known that the most wide spread diseases among infants is the jaundice which occurs widely with pre-delivered fetus because of the disability of the liver to produce enzymes which called “Glycony Itranfec” which needs to get rid of bilirubin from excretion so when the rate of the bilirubin in blood increases more than 250-350 millimole that will destroy the brain (Ternicatus) so the process of recharging the blood is necessary.

The discriminative analyses have been used to study the available data through the number of patients and its rate in blood. One of the reasons of this disease is that the mother being exposed during her pregnancy to diseases and this case is called “Torch” or the difference of the parents in blood group. To treat it ,one should change the blood babies if is diseased through 24 hours ,while if it happened through 48 hours ,so it depends on the rate either increasing the suckling if its rate was low or photo ray if its rate was high.

المقدمة

تصاب نسبة كبيرة من الاطفال حديثي الولادة باصفرار في لون الجلد والعينين وهو مايسمى (باليرقان الولادي) او ابو صفار ويظهر عادة في اليوم الثاني او الثالث بعد الولادة ويحدث نتيجة لعدة اسباب منها ارتفاع قيم الخضاب عند الطفل وعند محاولة جسم الطفل التخلص من كمية الكريات الحمراء الزائدة ينجم عن تحطمتها مادة البيليروبين المسؤولة عن حدوث اليرقان واذا ماحدث ارتفاع شديد في قيم البيليروبين يمكن ان يكون اليرقان خطيراً جداً ويؤدي الى تراكم هذه المادة في دماغ الطفل واصابة الطفل بحالة خطيرة تسمى اليرقان النووي وقد تؤدي الى التخلف العقلي والشلل الحركي. لذا ارتأينا استخدام الاسلوب الاحصائي التحليل المميز "discriminate analysis" بأعتبره أحد المواضيع المهمة في التحليل المتعدد المتغيرات والذي يسهم في كيفية التمييز بين مجموعتين أو أكثر من المتغيرات .

التحليل المميز

إن الفكرة الأساسية من التمييز Discriminate هو التفرقة بين مجتمعات متداخلة أو متشابكة لها الخصائص نفسها أو الصفات ، بمعنى آخر لنفرض إن لدينا مجتمعين أو أكثر ولدينا عينة تحتوي على مجموعة من المشاهدات من كل مجتمع فإن وظيفة التحليل المميز هي إيجاد دالة يمكن بواسطتها تصنيف أو تمييز المشاهدات الجديدة إلى مجتمعاتها الأصلية، لقد كانت أول فكرة تمييز بين مجتمعات مختلفة على أساس التشابه بين الأشياء للباحث "Karl person" عام 1921 وذلك من خلال قياس المسافة الإحصائية بين عينتين والذي يدعى معامل التشابه النسبي Coefficient Racial likeness ويكتب اختصاراً C.R.L وحسب الصيغة التالية: -

$$C.R.L = \frac{1}{p} \left[\sum_{i=1}^p \left(\frac{d_i^2}{\frac{S_{1i}^2}{n_1} + \frac{S_{2i}^2}{n_2}} \right) \right]$$

حيث إن

S_{1i}^2 S_{2i}^2 التباين المقدر للمتغير (i) المناسب في المجموعة الأولى والثانية على التوالي

$i=1,2,3,\dots,p$ يمثل عدد الصفات المستخدمة

وأن n_2, n_1 حجم العينة الأولى والثانية على التوالي

$$d_i = \bar{X}_{1i} - \bar{X}_{2i}$$

اذ أن

$\bar{X}_{1i}, \bar{X}_{2i}$ تمثل متوسطي العينتين للمتغير i المقاس في المجموعة الأولى والثانية على التوالي.

وأستخدم الباحث " Mahalanobis " P.C مقياساً حديثاً لقياس المسافات بين مراكز مجتمعين وقد سمى هذا المقياس بمقياس (D^2) وتدعى مسافة مهلنوبيس وصيغتها بالشكل التالي:

$$D^2 = \frac{1}{P} \sum_{i=1}^P \left(\frac{\bar{X}_{1i} - \bar{X}_{2i}}{\sigma_i} \right)^2$$

حيث أن :

σ_i تمثل الانحراف لمجموعة i من الصفات ويمكن كتابتها بشكل مصفوفات وكالاتي:

$$D^2 = (\bar{X}_{1i} - \bar{X}_{2i})' S^{-1} (\bar{X}_{1i} - \bar{X}_{2i})$$

اذ أن

$\bar{X}_{1i}, \bar{X}_{2i}$ هي مصفوفة الفرق بين متوسطي العينتين المأخوذتين من المجموعة (1i, 2i) وأن S^{-1} تمثل معكوس مصفوفة التباين المشترك المقدر لمصفوفة المعالم المجهولة .

وأن $(\bar{X}_{1i}, \bar{X}_{2i}) S^{-1}$ هي معاملات الدالة المميزة .

وأوجد الباحث هارولد هوتلنك (Harold Hotelling) عام 1931 مؤشر إحصائي أسماه T^2 والذي يعالج مشكلة إتخاذ قرار حول العينتين اللتين يكون توزيع كل منهما توزيعاً طبيعياً متعدد المتغيرات ولها نفس مصفوفة التباين المشترك وصيغة هذا المؤشر هي :-

$$T^2 = \sum_{i=1}^P \sum_{j=1}^P \left(\frac{1}{\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}} \right) * S_{ij}^{-1} . di . dj$$

وبدرجة حرية 2- n_1+n_2

$$di = \bar{X}_{1i} - \bar{X}_{2i}$$

$$dj = \bar{X}_{1j} - \bar{X}_{2j}$$

وفي عام 1936 قام الباحث فشر Fisher باقتراح الدالة المميزة الخطية للوصول إلى أعلى مجال للفصل بين مجتمعين تابعين إلى نفس المصدر وذلك باستعمال عدد من المتغيرات المرتبطة بتصنيف المفردات حسب مجتمعاتها وهذه أول عملية تمييز حقيقية لتصنيف المفردة إلى أحد المجتمعين وعرف الدالة التمييزية الخطية بالشكل التالي:-

$$Z = \alpha_1 X_1 + \alpha_2 X_2 + \alpha_3 X_3 + \dots + \alpha_p X_p$$

وقد أقتراح الباحث (ويلد Wuld) عام 1944 بأن تقدير المعالم لدالة فشر أعلاه وتكون باستخدام طريقة الإمكان الأعظم M.L.E وتوالت بعدها البحوث في استخدام الدالة التمييزية وذلك من خلال استخدامها تطبيقياً و نظرياً حيث طورت الطريقة و استحدثت دوال جديدة مثل الدالة التريبيعية و اللوجستية .

وإضافة إلى ذلك أهتم الكثير من الباحثين بهذه الطريقة لتكون المعينة لهم في تصنيف وتحديد المشاهدات الجديدة ومجتمعاتها .

هدف البحث

يهدف البحث إلى تحديد أهمية العوامل المؤثرة على اليرقان في الأطفال حديثي الولادة التي تم تحديدها من قبل أطباء أخصائين بأمراض الاطفال و باستخدام أسلوب التحليل المميز لغرض معرفة أسباب انتشار هذا المرض .

أنواع الدوال التمييزية

هناك عدة أنواع من الدوال التمييزية والتي يمكن استخدامها بالاعتماد على البيانات المدروسة وخصائصها ومن هذه الدوال :-

١. الدالة المميزة الخطية .
٢. الدالة المميزة التربيعية .
٣. الدالة المميزة اللوجستية .

وسوف يتم التطرق إلى الدالة المميزة الخطية بشيء من التفصيل كونها الدالة المناسبة لنوع وخصائص البيانات في الحالة المدروسة .

الدالة المميزة الخطية (Linear Discriminate Function)

تستخدم الدالة المميزة الخطية عندما تكون المجتمعات المدروسة ذات توزيع طبيعي متعدد المتغيرات بمتجهات متوسطة مختلفة . مصفوفة تباين وتباين مشترك متساوية .

أن عملية التمييز تتلخص بالخطوات التالية :-

١- إيجاد متوسط كل متغير في كل مجموعة ثم إيجاد الفرق بين متوسطي كل متغير في المجموعتين حيث أن متوسط المجموعة الأولى

$$\bar{X}_{(1)} = \sum_{j=1}^{n_1} X_j / n_1$$

متوسط المجموع الثانية

$$\bar{X}_{(2)} = \sum_{j=1}^{n_2} X_j / n_2$$

أما الفرق بين متوسطي المجموعتين d_i حيث أن

$$d_i = \bar{X}_{(1)} - \bar{X}_{(2)}$$

٢- إيجاد مجموع المربعات لكل متغير في كل مجموعة وكذلك مجموع حاصل ضرب كل متغيرين داخل كل مجموعة أيضاً

$$\sum X_i^2 - (\sum \bar{X}_i)^2 / n \quad S_{ii} =$$
$$\sum X_i . X_j - (\sum X_i)(\sum X_j) / n \quad S_{ij} =$$

٣- إيجاد التباين والتباين المشترك المدمج (داخل المجاميع)

$$V_{ii} = \frac{S_{ii(1)} + S_{ii(2)}}{n_1 + n_2 - 2}$$

$$V_{ij} = \frac{S_{ij(1)} + S_{ij(2)}}{n_1 + n_2 - 2}$$

٤- دالة التمييز تكتب كالاتي

$$y = \alpha_1 X_1 + \alpha_2 X_2 + \alpha_3 X_3 + \dots + \alpha_r X_r$$

حيث $\alpha_1, \alpha_2, \alpha_3, \dots, \alpha_r$ تختار بحيث تعطي أعلى تمييز بين المجموعتين والمقصود بأعلى تمييز بين المجموعتين هو أن الاختلاف بين قيم المجموعتين Between- Group variation أكبر بكثير من الاختلافات بين قيم داخل

المجموعتين Within – Group Variation فإذا رمزنا لنسبة الاختلافات بين المجموعتين إلى الاختلافات داخل المجموعتين بالرمز λ .

$$\lambda = \frac{\text{between – group. var iation}}{\text{withen – group. var iation}}$$

فإننا نختار $\alpha_1, \alpha_2, \alpha_3, \dots, \alpha_r$ بحيث تكون λ أكبر مما يمكن هذا ويمكن حساب أهمية كل متغير .

$$X_i^* = \alpha \sqrt{V_{ii}}$$

حيث ان

$$\alpha' = (\bar{X}_1 - \bar{X}_2) s^{-1} \quad \text{و} \quad \alpha = s^{-1}(\bar{X}_1 - \bar{X}_2)$$

٥- إيجاد نقطة الفصل

لتصنيف الأفراد فإننا نحتاج إلى نقطة تفصل بين المجموعتين بحيث إذا قلت (مجموعة نقاط الأفراد) عن تلك النقطة فإن الفرد عندئذ يتبع إلى مجموعة معينة وإذا زادت مجموع نقاطه عن تلك النقطة الفاصلة أصبح تابعاً للمجموعة الأخرى .

$$Z = \frac{\bar{Y}_1 + \bar{Y}_2}{2}$$

حيث أن :-

$$\bar{y}_1 = \bar{x}(1) \cdot S^{-1}(\bar{x}(1) - \bar{x}(2))$$

$$\bar{y}_2 = \bar{x}(2) \cdot S^{-1}(\bar{x}(1) - \bar{x}(2))$$

٦- قاعدة التصنيف

يمكن وضع قاعدة التصنيف وكالاتي:

المشاهدة x تعود للمجتمع الأول إذا كان $y \geq Z$

المشاهدة x تعود للمجتمع الثاني إذا كان $y < Z$

٧- خطأ التصنيف The Probability of Misclassification

هو احتمال تصنيف مشاهدة معينة إلى المجموعة الأولى بينما هي تعود في الحقيقة إلى المجموعة الثانية وبالعكس نفترض لحساب خطأ التصنيف إن حجم العينة يكون كبير لذلك توزيع المشاهدات يقترب من التوزيع الطبيعي (حسب نظرية الحد المركزي) حيث يعتمد على أن العينة تتوزع توزيعاً طبيعياً أو يقترب من التوزيع الطبيعي.

$$P_{12} = \Phi(-1/2D)$$

حيث أن

$$D^2 = (\bar{X}_{(1)} - \bar{X}_{(2)})' * S^{-1} (\bar{X}_{(1)} - \bar{X}_{(2)})$$

ويتم إيجاد قيمة P_{12} من جداول التوزيع الطبيعي القياسي . أن خطأ التصنيف هو عامل مهم لإثبات كفاءة الدالة المميزة والدالة التي تعطي أقل خطأ تصنيف هي الدالة الأكثر كفاءة وتكون الأفضل من بين دوال التمييز.

٨- إختبار كفاءة الدالة المميزة الخطية Testing of Linear Discriminate Function

يتم التأكد من معنوية الدالة المميزة الخطية عن طريق اختبار الفرضية .

$$H_0: \alpha_1 = \alpha_2 = \alpha_3 = \dots = \alpha_r$$

ويتم الاختبار باستخدام اختبار F الذي يعتمد على إحصاء هوتلينك (Hotlink) T^2 .

$$F = \left[\frac{n_1 + n_2 - p - 1}{(n_1 + n_2 - 2)p} \right] * T^2$$

$$T^2 = \frac{n_1 \cdot n_2}{n_1 + n_2} D^2$$

حيث أن

p : عدد المتغيرات

D^2 : تعني إحصاء مهلنوبيس

وعند مقارنتها بقيمة F الجدولية فإذا كانت المحسوبة أكبر من F الجدولية بدرجة حرية $(n_1 + n_2 - p - 1)$ هذا يعني أن الاختلافات معنوية بين المجموعتين وأن دالة التمييز لها فائدة كبيرة في التمييز أو تصنيف الأفراد.

جمع البيانات Data gathering

إن أسلوب جمع البيانات هو عبارة عن الإستثمار الإحصائية التي أعدت لهذا الغرض والتي تضمنت دراسة حول مرض اليرقان في محافظة القادسية وقد شملت معظم الأفضية والنواحي في المحافظة .

وشملت الدراسة 80 مشاهدة من الذكور والإناث المصابين بمرض اليرقان وقد تم تقسيم المصابين إلى مجموعتين .

١- المجموعة الأولى: وقد شملت الأطفال الذين تم إجراء عملية تبديل الدم لهم ويرمز لها بالرمز (٠) .

٢- المجموعة الثانية : وقد شملت الأطفال الذين لم يتم إجراء عملية تبديل الدم لهم ويرمز لها بالرمز (١) .

حيث كانت المتغيرات x_i ، $i=1,2,3,\dots,8$ هي كما موصوفة في التالي:

X_1 يمثل نوع الجنس للطفل حيث
0 يرمز للذكور
1 يرمز للإناث

X_2 يمثل العمر للطفل

X_3 يمثل الوزن للطفل

X_4 يمثل نسبة TSP (Total serum bilirubin) إذا كان الطفل مصاب سوف يحتوي مصل الدم على نسبة

البيليروبين وينسب معينة وحسب شدة الحالة.

X_5 يمثل صنف الدم للمولود

يرمز لـ A بالرمز 1
يرمز لـ B بالرمز 2
يرمز لـ AB بالرمز 3
يرمز لـ O بالرمز 4

حيث أنه

X₆ يمثل نوع صنف الدم (Rhesus factor) RH وهي عبارة عن وجود او عدم وجود نوع من البروتين على سطح خلايا كريات الدم الحمراء ففي حالة وجوده تكون الفصيلة موجبة وعند عدم وجوده تكون الفصيلة سالبة.

يرمز لـ RH⁺ بالرمز 1
يرمز لـ RH⁻ بالرمز 0

حيث انه

X₇ يمثل صنف الدم للأم

يرمز لـ A بالرمز 1
يرمز لـ B بالرمز 2
يرمز لـ AB بالرمز 3
يرمز لـ O بالرمز 4

حيث انه

يرمز لـ RH⁺ بالرمز 1
يرمز لـ RH⁻ بالرمز 0

X₈ يمثل نوع صنف الدم للأم

التحقق من شروط الدالة التمييزية

١- البيانات تتوزع توزيع طبيعي.

لقد تم استخدام اختبار كولمكروف - سميرنوف Kolmogrov-Smirnov لاختبار فرضية العدم التي تفترض بان البيانات تتوزع توزيعا طبيعيا بمتوسط وتباين معينين وقد تم اختبار المتغيرات كل على حده وذلك بالاعتماد على الخاصية التي تقول بانه اذا كانت هناك عدة متغيرات تتوزع توزيعا طبيعيا فان مجموع هذه المتغيرات يتوزع توزيعا طبيعيا ايضا ، حيث كانت قيم اختبار كولمكروف-سميرنوف وقيم المتوسط والانحراف المعياري لكل متغير كما موضحة في الجدول التالي:

| الانحراف المعياري | المتوسط | قيمة الاحصاء D | المتغير |
|-------------------|---------|----------------|---------|
| ٠.٥٠١ | ٠.٥٥ | ٠.٠٩٧ | X1 |
| ٣.٥١٦ | ٦.١٦٣ | ٠.١٢٦ | X2 |
| ٠.٦٩٤ | ٢.٧٩٩ | ٠.٠٥٢ | X3 |
| ٤.٢١٦ | ٢٠.٤١٦ | ٠.٠٣٩ | X4 |
| ١.٢٥ | ٢.٤١٣ | ٠.٠٩٨ | X5 |
| ٠.٣٨٢ | ٠.٨٢٥ | ٠.٠٩٥ | X6 |
| ١.٢٥٢ | ٢.٦٦٣ | ٠.٠٨٩ | X7 |
| ٠.٤٣٦ | ٠.٧٥ | ٠.٠٩٨ | X8 |

وبعد مقارنة قيم D المحسوبة للمتغيرات الثمانية مع القيمة $1.36/n^{1/2}$ والتي تساوي ٠.١٥٢ حيث ان حجم العينة n مساوية الى ٨٠ ، ومن خلال الجدول اعلاه نلاحظ ان جميع قيم D هي اقل من القيمة الجدولية والتي تقودنا الى قبول فرضية العدم وذلك بان البيانات تتوزع توزيعا طبيعيا.

٢- مصفوفة التباين والتباين المشترك متساوية للمجتمعين والبيانات تم أخذها من مجتمع طبيعي ومن ثم سوف نقوم بإجراء اختبار لإثبات تساوي مصفوفة التباين والتباين المشترك للمجتمعين حيث ان فرضية العدم المطلوب اختبارها هي :

$$H_0 = \sum 1 = \sum 2$$

$$H_1 = \sum 1 \neq \sum 2$$

حيث ان احصاء الاختبار والتي تتبع توزيع مربع كاي وكما موضح بالتالي

$$mc^{-1} \approx X^2(k-1)(p-1)$$

P : عدد المتغيرات

K : عدد المجاميع

وان

$$m = \sum ni * Ln|S| - \sum ni * Ln|Si|$$

$$s = \begin{bmatrix} .25 & .1 & .08 & -.0 & .05 & -.02 & -.01 & .01 \\ .11 & 12.4 & .79 & 1.5 & .39 & -.40 & -.39 & -.15 \\ .08 & .8 & .48 & .8 & .07 & -.06 & .06 & .01 \\ -.04 & 1.5 & .81 & 19.5 & -.02 & -.36 & 1.79 & -.04 \\ .05 & .4 & .07 & -.0 & 1.56 & .01 & .61 & -.06 \\ -.02 & -.4 & -.06 & -.4 & .01 & .15 & .05 & .06 \\ -.01 & -.4 & .06 & 1.8 & .61 & .05 & 1.57 & -.07 \\ .01 & -.1 & .01 & -.0 & -.06 & .06 & -.07 & .19 \end{bmatrix}$$

حيث ظهرت قيمة m وكانت مساوية الى

$$m = 5.617$$

$$C^{-1} = 1 - \frac{2P^2 + 3P - 1}{6(K-1)(P+1)} \left[\sum \frac{1}{ni} - \frac{1}{\sum ni} \right]$$

$$C^{-1} = 0.8951$$

$$m.C^{-1} = 5.617 * 0.8951 = 5.028$$

ثم تم حساب قيمة X^2 الجدولية وكانت $X^2_{7,0.05}=14.067$

إذن القيمة المحتسبة أقل من القيمة الجدولية

إذن تقبل فرضية H_0 أي أن $\sum_1 = \sum_2$

نلاحظ بأن شرطي الدالة التمييزية الخطية قد تحقق

ويتم إيجاد دالة التمييز الخطية وحسب الصيغة التالية :

$$Y = X' * S^{-1}(\bar{X}_1 - \bar{X}_2)$$

$$\therefore Y = 0.255373X_1 + 0.273871X_2 - 0.26115X_3 - 0.76286X_4 + 0.233727X_5 + 0.189772X_6 \\ + 0.244201X_7 + 0.148457X_8$$

ثم استخرجنا قيم \bar{y}_2, \bar{y}_1 وكانت (-6.994,-4.752) على التوالي

ويتطبيق المعادلة التالية

$$Z = \frac{\bar{Y}_1 + \bar{Y}_2}{2}$$

حصلنا على قيمة النقطة الفاصلة وكانت مساوية الى (-5.873)

قاعدة التصنيف

المشاهدة x تعود للمجموعة الأولى اذا كانت $y-z > 0$

المشاهدة x تعود للمجموعة الثانية اذا كانت $y-z \leq 0$

ε - أهمية كل متغير

يمكن الحصول على أهمية كل متغير باستخدام القانون التالي :

$$X_i^* = \alpha \sqrt{v_{ii}}$$

وكانت القيم كالآتي

$$X_1^* = 0.255373\sqrt{0.253} = 0.1284$$

$$X_2^* = 0.273871\sqrt{12.328} = 0.9616$$

$$X_3^* = 0.26115\sqrt{0.491} = 0.1282$$

$$X_4^* = 0.76286\sqrt{19.5} = 3.369$$

$$X_5^* = 0.233727\sqrt{1.558} = 0.2917$$

$$X_6^* = 0.189772\sqrt{0.146} = 0.0725$$

$$X_7^* = 0.244201\sqrt{1.542} = 0.3032$$

$$X_8^* = 0.148457\sqrt{0.192} = 0.0651$$

وبعد حساب أهمية كل متغير نجد ترتيبها ويكون كالآتي حسب درجة الأهمية

| وصف المتغير | المتغير | درجة أهمية كل متغير |
|--------------|---------|---------------------|
| نسبة TSP | X_4^* | 1 |
| عمر الطفل | X_2^* | 2 |
| صنف دم الام | X_7^* | 3 |
| صنف دم الطفل | X_5^* | 4 |
| الجنس | X_1^* | 5 |
| وزن الطفل | X_3^* | 6 |
| Rh لدم الطفل | X_6^* | 7 |
| Rh لدم الام | X_8^* | 8 |

إيجاد خطأ التصنيف

بعد حساب أهمية كل متغير نجد خطأ التصنيف حسب القانون التالي:-

$$D^2 = (\bar{X}_{(1)} - \bar{X}_{(2)})' * S^{-1} (\bar{X}_{(1)} - \bar{X}_{(2)})$$

$$D^2 = 2.2420$$

$$D = 1.4973$$

$$P_{12} = P_{21} = \Phi(-1/2 D)$$

$$= \Phi(-1/2 * 1.4973)$$

$$= \Phi(-0.7487)$$

ومن خلال جداول التوزيع الطبيعي القياسي يتم استخراج القيمة وكانت مساوية الى

$$P_{12} = (0.2249)$$

ونلاحظ من خلال قيمة خطأ التصنيف بان قيمتها قليلة مما يدل على قوة الدالة التمييزية على تصنيف المشاهدات الى مجتمعاتها الاصلية

اختبار كفاءة الدالة المميزة الخطية

لاختبار كفاءة الدالة المميزة الخطية نختبر الفرضية التالية :

$$H_0 : M_1 = M_2$$

$$H_1 : M_1 \neq M_2$$

ثم تحسب قيمة T^2 حسب الصيغة التالية :

$$T^2 = \frac{n_1 \cdot n_2}{n_1 + n_2} D^2$$

$$T^2 = 44.84$$

وبعد حساب قيمة T^2 تحسب قيمة F حسب القانون التالي:

$$F = \left[\frac{n_1 + n_2 - p - 1}{(n_1 + n_2 - 2)p} \right] * T^2$$

$$F = 0.587$$

وبعد حساب قيمة F الجدولية نجد أن قيمة F المحسوبة أكبر من قيمة F الجدولية إذن نرفض الفرضية H_0 وبالتالي فإن دالة التمييز الخطية قادرة على تصنيف كل مشاهدته إلى مجتمعها الأصلي والمشاهدات ذات كفاءة عالية أي أن الاختلافات بين المجتمعين معنوية .

الاستنتاجات

نستنتج بأن نسبة TSB لها الأثر الكبير في إجراء عملية تبديل الدم للطفل المريض .
وبأني تأثير المتغيرات عمر الطفل ، صنف الدم للأم ، صنف الدم للمولود ، الجنس ، وزن الطفل ، Rh لدم الطفل ، Rh لدم الام على التوالي .

المصادر

- ١- الراوي خاشع محمود "المدخل إلى تحليل الإنحدار" / كلية الزراعة والغابات جامعة الموصل .
- 2- Cooley , W.W. cohnes , P.v. (1971), “ Multivariate Data Analysis “ Jonnwiley and sons .Newyork.
- 3- Anderson , T.w ((1958)) An Introduction to Multivariate statistical Analysis Jonn wiley and sons, Inc.
- 4- Krishnaiah , P,R ((1977)) Multivariate Analysis “North – Holland Publishing company-New York – Oxford
- 5- Krzanowski, W.J. (1995). "Multivariate Analysis Classification, Covariance structures", John wiley
* Stons, Inc, New York.